6E · FICHE 091672

Reste d’une division euclidienne

Objectif, prérequis et matériel

Calculer un reste de division euclidienne et vérifier sa borne.

Prérequis à vérifier : Identifier dividende, diviseur et quotient.

Matériel : Jetons ou schéma de groupes, Ardoise

Durée proposée : 35 minutes en 3 séances.

Séance 1 — Comprendre et représenter (10 min)

1. Dans 47 = 6 × 7 + 5, calculer 47 -42 pour retrouver le reste 5.

2. Faire formuler ce que représentent les nombres et les unités avant le calcul.

Séance 2 — Choisir une démarche (15 min)

1. Comparer un reste nul, un reste non nul et une valeur trop grande pour être un reste.

2. Former un groupe supplémentaire si le reste proposé atteint le diviseur.

Séance 3 — Réinvestir et vérifier (10 min)

1. Donner le reste et vérifier simultanément l’égalité et la borne.

2. Reprendre un cas différent après l’explication du corrigé ; garder la trace des procédures observées.

Différenciation

Former un groupe supplémentaire si le reste proposé atteint le diviseur.

Comparer un reste nul, un reste non nul et une valeur trop grande pour être un reste.

Trace écrite

Le reste d’une division euclidienne est ce qui subsiste après avoir formé le maximum de groupes complets. Si 47 = 6 × 7 + 5, le reste de 47 par 6 est 5. Il se calcule par dividende - diviseur × quotient. Il doit être positif ou nul et strictement inférieur au diviseur : un reste de 6 permettrait encore un groupe de 6. Une division exacte a un reste nul.

Évaluation et remédiation

Donner le reste et vérifier simultanément l’égalité et la borne. Proposer trois situations nouvelles, observer la démarche et adapter la suite ; ce repérage n’est pas une évaluation officielle.

Exemples guidés

1. Dans la division euclidienne de 1386 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 0

1386 = 11 × 126 + 0.

Le quotient est 126 ; le reste est 0, inférieur à 11.

2. Dans la division euclidienne de 2356 par 6, quel est le reste ?

Réponse : 4

2356 = 6 × 392 + 4.

Le quotient est 392 ; le reste est 4, inférieur à 6.

Corrigé des exercices

1. Dans la division euclidienne de 7967 par 9, quel est le reste ?

Réponse : 2

7967 = 9 × 885 + 2.

Le quotient est 885 ; le reste est 2, inférieur à 9.

2. Dans la division euclidienne de 9222 par 5, quel est le reste ?

Réponse : 2

9222 = 5 × 1844 + 2.

Le quotient est 1844 ; le reste est 2, inférieur à 5.

3. Dans la division euclidienne de 6403 par 8, quel est le reste ?

Réponse : 3

6403 = 8 × 800 + 3.

Le quotient est 800 ; le reste est 3, inférieur à 8.

4. Dans la division euclidienne de 2153 par 3, quel est le reste ?

Réponse : 2

2153 = 3 × 717 + 2.

Le quotient est 717 ; le reste est 2, inférieur à 3.

5. Dans la division euclidienne de 5613 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 3

5613 = 11 × 510 + 3.

Le quotient est 510 ; le reste est 3, inférieur à 11.

6. Dans la division euclidienne de 397 par 8, quel est le reste ?

Réponse : 5

397 = 8 × 49 + 5.

Le quotient est 49 ; le reste est 5, inférieur à 8.

7. Dans la division euclidienne de 110 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 0

110 = 11 × 10 + 0.

Le quotient est 10 ; le reste est 0, inférieur à 11.

8. Dans la division euclidienne de 6227 par 8, quel est le reste ?

Réponse : 3

6227 = 8 × 778 + 3.

Le quotient est 778 ; le reste est 3, inférieur à 8.

9. Dans la division euclidienne de 9797 par 12, quel est le reste ?

Réponse : 5

9797 = 12 × 816 + 5.

Le quotient est 816 ; le reste est 5, inférieur à 12.

10. Dans la division euclidienne de 8606 par 12, quel est le reste ?

Réponse : 2

8606 = 12 × 717 + 2.

Le quotient est 717 ; le reste est 2, inférieur à 12.

11. Dans la division euclidienne de 836 par 7, quel est le reste ?

Réponse : 3

836 = 7 × 119 + 3.

Le quotient est 119 ; le reste est 3, inférieur à 7.

12. Dans la division euclidienne de 9756 par 2, quel est le reste ?

Réponse : 0

9756 = 2 × 4878 + 0.

Le quotient est 4878 ; le reste est 0, inférieur à 2.

13. Dans la division euclidienne de 2579 par 5, quel est le reste ?

Réponse : 4

2579 = 5 × 515 + 4.

Le quotient est 515 ; le reste est 4, inférieur à 5.

14. Dans la division euclidienne de 6265 par 3, quel est le reste ?

Réponse : 1

6265 = 3 × 2088 + 1.

Le quotient est 2088 ; le reste est 1, inférieur à 3.

15. Dans la division euclidienne de 4139 par 12, quel est le reste ?

Réponse : 11

4139 = 12 × 344 + 11.

Le quotient est 344 ; le reste est 11, inférieur à 12.

Ressource originale AnimyJob. Les indications de classe sont à adapter à la progression suivie. Aucun bilan officiel n’est délivré.