6E · FICHE 091295

Reste d’une division euclidienne

Objectif, prérequis et matériel

Calculer un reste de division euclidienne et vérifier sa borne.

Prérequis à vérifier : Identifier dividende, diviseur et quotient.

Matériel : Jetons ou schéma de groupes, Ardoise

Durée proposée : 35 minutes en 3 séances.

Séance 1 — Comprendre et représenter (10 min)

1. Dans 47 = 6 × 7 + 5, calculer 47 -42 pour retrouver le reste 5.

2. Faire formuler ce que représentent les nombres et les unités avant le calcul.

Séance 2 — Choisir une démarche (15 min)

1. Comparer un reste nul, un reste non nul et une valeur trop grande pour être un reste.

2. Former un groupe supplémentaire si le reste proposé atteint le diviseur.

Séance 3 — Réinvestir et vérifier (10 min)

1. Donner le reste et vérifier simultanément l’égalité et la borne.

2. Reprendre un cas différent après l’explication du corrigé ; garder la trace des procédures observées.

Différenciation

Former un groupe supplémentaire si le reste proposé atteint le diviseur.

Comparer un reste nul, un reste non nul et une valeur trop grande pour être un reste.

Trace écrite

Le reste d’une division euclidienne est ce qui subsiste après avoir formé le maximum de groupes complets. Si 47 = 6 × 7 + 5, le reste de 47 par 6 est 5. Il se calcule par dividende - diviseur × quotient. Il doit être positif ou nul et strictement inférieur au diviseur : un reste de 6 permettrait encore un groupe de 6. Une division exacte a un reste nul.

Évaluation et remédiation

Donner le reste et vérifier simultanément l’égalité et la borne. Proposer trois situations nouvelles, observer la démarche et adapter la suite ; ce repérage n’est pas une évaluation officielle.

Exemples guidés

1. Dans la division euclidienne de 1386 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 0

1386 = 11 × 126 + 0.

Le quotient est 126 ; le reste est 0, inférieur à 11.

2. Dans la division euclidienne de 2356 par 6, quel est le reste ?

Réponse : 4

2356 = 6 × 392 + 4.

Le quotient est 392 ; le reste est 4, inférieur à 6.

Corrigé des exercices

1. Dans la division euclidienne de 254 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 1

254 = 11 × 23 + 1.

Le quotient est 23 ; le reste est 1, inférieur à 11.

2. Dans la division euclidienne de 1384 par 10, quel est le reste ?

Réponse : 4

1384 = 10 × 138 + 4.

Le quotient est 138 ; le reste est 4, inférieur à 10.

3. Dans la division euclidienne de 7965 par 9, quel est le reste ?

Réponse : 0

7965 = 9 × 885 + 0.

Le quotient est 885 ; le reste est 0, inférieur à 9.

4. Dans la division euclidienne de 3264 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 8

3264 = 11 × 296 + 8.

Le quotient est 296 ; le reste est 8, inférieur à 11.

5. Dans la division euclidienne de 4017 par 12, quel est le reste ?

Réponse : 9

4017 = 12 × 334 + 9.

Le quotient est 334 ; le reste est 9, inférieur à 12.

6. Dans la division euclidienne de 7354 par 5, quel est le reste ?

Réponse : 4

7354 = 5 × 1470 + 4.

Le quotient est 1470 ; le reste est 4, inférieur à 5.

7. Dans la division euclidienne de 3260 par 3, quel est le reste ?

Réponse : 2

3260 = 3 × 1086 + 2.

Le quotient est 1086 ; le reste est 2, inférieur à 3.

8. Dans la division euclidienne de 6649 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 5

6649 = 11 × 604 + 5.

Le quotient est 604 ; le reste est 5, inférieur à 11.

9. Dans la division euclidienne de 3512 par 9, quel est le reste ?

Réponse : 2

3512 = 9 × 390 + 2.

Le quotient est 390 ; le reste est 2, inférieur à 9.

10. Dans la division euclidienne de 8374 par 5, quel est le reste ?

Réponse : 4

8374 = 5 × 1674 + 4.

Le quotient est 1674 ; le reste est 4, inférieur à 5.

11. Dans la division euclidienne de 4769 par 4, quel est le reste ?

Réponse : 1

4769 = 4 × 1192 + 1.

Le quotient est 1192 ; le reste est 1, inférieur à 4.

12. Dans la division euclidienne de 9434 par 8, quel est le reste ?

Réponse : 2

9434 = 8 × 1179 + 2.

Le quotient est 1179 ; le reste est 2, inférieur à 8.

13. Dans la division euclidienne de 6403 par 8, quel est le reste ?

Réponse : 3

6403 = 8 × 800 + 3.

Le quotient est 800 ; le reste est 3, inférieur à 8.

14. Dans la division euclidienne de 8398 par 12, quel est le reste ?

Réponse : 10

8398 = 12 × 699 + 10.

Le quotient est 699 ; le reste est 10, inférieur à 12.

15. Dans la division euclidienne de 2356 par 7, quel est le reste ?

Réponse : 4

2356 = 7 × 336 + 4.

Le quotient est 336 ; le reste est 4, inférieur à 7.

16. Dans la division euclidienne de 7989 par 2, quel est le reste ?

Réponse : 1

7989 = 2 × 3994 + 1.

Le quotient est 3994 ; le reste est 1, inférieur à 2.

17. Dans la division euclidienne de 6132 par 10, quel est le reste ?

Réponse : 2

6132 = 10 × 613 + 2.

Le quotient est 613 ; le reste est 2, inférieur à 10.

18. Dans la division euclidienne de 2057 par 2, quel est le reste ?

Réponse : 1

2057 = 2 × 1028 + 1.

Le quotient est 1028 ; le reste est 1, inférieur à 2.

19. Dans la division euclidienne de 5921 par 8, quel est le reste ?

Réponse : 1

5921 = 8 × 740 + 1.

Le quotient est 740 ; le reste est 1, inférieur à 8.

20. Dans la division euclidienne de 5450 par 9, quel est le reste ?

Réponse : 5

5450 = 9 × 605 + 5.

Le quotient est 605 ; le reste est 5, inférieur à 9.

Ressource originale AnimyJob. Les indications de classe sont à adapter à la progression suivie. Aucun bilan officiel n’est délivré.