6E · FICHE 091082

Reste d’une division euclidienne

Objectif, prérequis et matériel

Calculer un reste de division euclidienne et vérifier sa borne.

Prérequis à vérifier : Identifier dividende, diviseur et quotient.

Matériel : Jetons ou schéma de groupes, Ardoise

Durée proposée : 35 minutes en 3 séances.

Séance 1 — Comprendre et représenter (10 min)

1. Dans 47 = 6 × 7 + 5, calculer 47 -42 pour retrouver le reste 5.

2. Faire formuler ce que représentent les nombres et les unités avant le calcul.

Séance 2 — Choisir une démarche (15 min)

1. Comparer un reste nul, un reste non nul et une valeur trop grande pour être un reste.

2. Former un groupe supplémentaire si le reste proposé atteint le diviseur.

Séance 3 — Réinvestir et vérifier (10 min)

1. Donner le reste et vérifier simultanément l’égalité et la borne.

2. Reprendre un cas différent après l’explication du corrigé ; garder la trace des procédures observées.

Différenciation

Former un groupe supplémentaire si le reste proposé atteint le diviseur.

Comparer un reste nul, un reste non nul et une valeur trop grande pour être un reste.

Trace écrite

Le reste d’une division euclidienne est ce qui subsiste après avoir formé le maximum de groupes complets. Si 47 = 6 × 7 + 5, le reste de 47 par 6 est 5. Il se calcule par dividende - diviseur × quotient. Il doit être positif ou nul et strictement inférieur au diviseur : un reste de 6 permettrait encore un groupe de 6. Une division exacte a un reste nul.

Évaluation et remédiation

Donner le reste et vérifier simultanément l’égalité et la borne. Proposer trois situations nouvelles, observer la démarche et adapter la suite ; ce repérage n’est pas une évaluation officielle.

Exemples guidés

1. Dans la division euclidienne de 1386 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 0

1386 = 11 × 126 + 0.

Le quotient est 126 ; le reste est 0, inférieur à 11.

2. Dans la division euclidienne de 2356 par 6, quel est le reste ?

Réponse : 4

2356 = 6 × 392 + 4.

Le quotient est 392 ; le reste est 4, inférieur à 6.

Corrigé des exercices

1. Dans la division euclidienne de 6444 par 9, quel est le reste ?

Réponse : 0

6444 = 9 × 716 + 0.

Le quotient est 716 ; le reste est 0, inférieur à 9.

2. Dans la division euclidienne de 6395 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 4

6395 = 11 × 581 + 4.

Le quotient est 581 ; le reste est 4, inférieur à 11.

3. Dans la division euclidienne de 5374 par 9, quel est le reste ?

Réponse : 1

5374 = 9 × 597 + 1.

Le quotient est 597 ; le reste est 1, inférieur à 9.

4. Dans la division euclidienne de 6265 par 3, quel est le reste ?

Réponse : 1

6265 = 3 × 2088 + 1.

Le quotient est 2088 ; le reste est 1, inférieur à 3.

5. Dans la division euclidienne de 9449 par 4, quel est le reste ?

Réponse : 1

9449 = 4 × 2362 + 1.

Le quotient est 2362 ; le reste est 1, inférieur à 4.

6. Dans la division euclidienne de 9903 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 3

9903 = 11 × 900 + 3.

Le quotient est 900 ; le reste est 3, inférieur à 11.

7. Dans la division euclidienne de 5307 par 12, quel est le reste ?

Réponse : 3

5307 = 12 × 442 + 3.

Le quotient est 442 ; le reste est 3, inférieur à 12.

8. Dans la division euclidienne de 9975 par 10, quel est le reste ?

Réponse : 5

9975 = 10 × 997 + 5.

Le quotient est 997 ; le reste est 5, inférieur à 10.

9. Dans la division euclidienne de 466 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 4

466 = 11 × 42 + 4.

Le quotient est 42 ; le reste est 4, inférieur à 11.

10. Dans la division euclidienne de 1555 par 2, quel est le reste ?

Réponse : 1

1555 = 2 × 777 + 1.

Le quotient est 777 ; le reste est 1, inférieur à 2.

11. Dans la division euclidienne de 8382 par 2, quel est le reste ?

Réponse : 0

8382 = 2 × 4191 + 0.

Le quotient est 4191 ; le reste est 0, inférieur à 2.

12. Dans la division euclidienne de 8383 par 12, quel est le reste ?

Réponse : 7

8383 = 12 × 698 + 7.

Le quotient est 698 ; le reste est 7, inférieur à 12.

13. Dans la division euclidienne de 8763 par 5, quel est le reste ?

Réponse : 3

8763 = 5 × 1752 + 3.

Le quotient est 1752 ; le reste est 3, inférieur à 5.

14. Dans la division euclidienne de 9261 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 10

9261 = 11 × 841 + 10.

Le quotient est 841 ; le reste est 10, inférieur à 11.

15. Dans la division euclidienne de 1625 par 11, quel est le reste ?

Réponse : 8

1625 = 11 × 147 + 8.

Le quotient est 147 ; le reste est 8, inférieur à 11.

Ressource originale AnimyJob. Les indications de classe sont à adapter à la progression suivie. Aucun bilan officiel n’est délivré.